独立行政法人港湾空港技術研究所

港湾空港技術研究所 報告

REPORT OF THE PORT AND AIRPORT RESEARCH INSTITUTE

Vol.50 No.4 December 2011

NAGASE, YOKOSUKA, JAPAN

INDEPENDENT ADMINISTRATIVE INSTITUTION, PORT AND AIRPORT RESEARCH INSTITUTE

港湾空港技術研究所報告(REPORT OF PARI)

第 50 巻 第 4 号 (Vol. 50, No. 4) , 2011 年12月 (December 2011)

目 次 (CONTENTS)

1. 平成 23 年(2011年)東北地方太平洋沖地震津波の特性
(Characteristics of the 2011 off the Pacific Coast of Tohoku Earthquake Tsunami
······································
2. 土丹層に支持された鋼管杭の軸方向抵抗力の検討
水谷崇亮, 菊池喜昭, 杉本貴之, 小濱英司 65
(Study on Vertical Bearing Capacity of Steel Pipe Pile Driven into Mudstone
3. 既存矢板壁に対する控え工増設の補強効果とその評価法の開発
(Development of Design Method for Anchored Sheet Pile Wall Reinforced by Additional Anchorage Work
······································
4. 内陸地殻内地震によるやや短周期地震動の再現に適した震源のモデル化手法
野津厚133
(Modeling Semi-Short-Period Ground Motions from Crustal Farthquakes Using Characterized Source Models
(induning some short i chou cround monors nom crushi Eurinquince comp characterized source induces
5 下新川海岸における長周期らわれの栽油発生機構とその対策
5. 「初川海岸におりる及向海戸なりの感役光工機構とての対象
加西見平,十口元也 (Emain and States on Masharian and Countermannee for Ward Occurtancian of
Experimental Study on Weenamism and Countermeasures for wave Overtopping of
Long-Period Sweii in Shimoniikawa Coast
HIroaki KASHIMA, Katsuya HIRAYAMA)

既存矢板壁に対する控え工増設の補強効果とその評価法の開発

森川 嘉之*・菊池 喜昭**・水谷 崇亮***

要 旨

近年,既存岸壁の補強,機能強化に関する要望が高まっている.このような要望への対応策とし て,控え式矢板壁については控え工増設工法が提案されている.しかし,控え工増設工法は,控え 工増設前後の矢板壁の曲げモーメントや矢板壁に作用する土圧の変化などの設計上の取扱いが難し く,設計法の確立にいたっていない.控え式矢板壁のようなたわみ性壁体の設計においては,構造 物がどのような土圧や地盤反力を受けるかということが非常に重要である.したがって,控え工増 設による矢板壁の負荷低減効果だけでなく,矢板壁に作用する土圧の変化を評価し,設計法に反映 する必要がある.

そこで本研究では、控え工増設工法の設計法の構築を目的として模型実験を実施し、控え工増設 による矢板壁の負荷低減効果および矢板壁に作用する土圧の変化を把握した.その結果、増設タイ 材の取付点高さによって矢板壁の挙動モードが異なり、負荷低減効果が大きく変化することがわか った.また、実験結果を元に、控え工増設時の矢板壁への作用をモデル化し、弾性床上の梁理論を 考慮した控え工増設工法設計のための数値解析手法を開発した.そして試計算を行い、最適な増設 タイ材の取付点高さや控え杭の形式を検討した.さらに、矢板壁前面の固化処理等と併用すること で、岸壁水深増大に対する補強工法として、控え工増設工法が適用可能であることを確認した.

キーワード:控え式矢板壁,控え工増設工法,曲げモーメント,地盤反力,弾性床上の梁理論

^{*} 地盤研究領域 地盤改良研究チームリーダー

^{**} 特別研究官

 ^{***} 地盤研究領域 基礎工研究チームリーダー 〒239-0826 神奈川県横須賀市長瀬3-1-1 独立行政法人 港湾空港技術研究所 電話:046-844-5055 Fax:046-844-0618 E-mail:morikawa@pari.go.jp

Development of Design Method for Anchored Sheet Pile Wall Reinforced by Additional Anchorage Work

Yoshiyuki MORIKAWA* Yoshiaki KIKUCHI** Taka-aki MIZUTANI***

Synopsis

In recent years, existing anchored sheet pile walls have required reinforcement for maintenance and functional enhancement for large ships. To meet these requirements, a reinforcement method called dual-anchored sheet pile wall, in which an additional anchorage work is attached to the existing anchored sheet pile wall, has been developed. However, the interaction between the structure and its surrounding ground induced by the additional anchorage has not been investigated sufficiently, although it is important for the design of a flexible bulkhead, such as an anchored sheet pile wall.

In this study, a series of model tests of the dual-anchored sheet pile wall was conducted to understand the interaction between the structure and the ground, such as the reaction of backfill, as well as the effects of the additional anchorage on the bending moment of the sheet pile. The results of the model tests revealed that reduction effect of the load on the sheet pile and its deformation mode depend on the position where the additional anchorage is attached to the existing sheet pile.

Furthermore, numerical method for simulation of the behaviour of the dual-anchored sheet pile wall was developed, based on the test results and the theory of beams on elastic bed. The appropriate condition for the additional anchorage work was numerically investigated and proposed by using this method. As a result of numerical investigation, it was found that the dual-anchored sheet pile wall is effective in improvement of front-water-depth of bulkhead if it is used along with solidification of the sea bed in front of the sheet pile.

Key Words: Anchored sheet pile wall, additional anchorage work, bending moment,

subgrade reaction, beams on elastic bed

^{*} Head of Soil Stabilization Group, Geotechnical Engineering Division

^{**} Director for Special Research

^{***} Head of Foundations Group, Geotechnical Engineering Division

^{3-1-1,} Nagase, Yokosuka, Kanagawa 239-0826, JapanPort and Airport Research InstitutePhone : +81-46-844-5055Fax : +81-46-844-0618E-mail : morikawa@pari.go.jp

目

次

要 旨	
1. まえがき	
2. 現行の控え式矢板壁の設計法	
3. 控え工増設による既存矢板壁の負荷低減効果に関する模型実験	
3.1 実験概要	
3.2 実験手順	
3.3 実験条件	
3.4 実験結果と考察	
3.5 まとめ	
4. 控え工を増設した矢板壁の挙動解析手法の構築	
 4.1 矢板壁に作用する外力のモデル化 	
4.2 その他の条件	
4.3 基本式の定式化および解析の手順	
4.4 解析手法の検証	
4.5 まとめ	
5. 控えエを増設した矢板壁の試計算	
5.1 増設控え工の取付点高さ・形式の検討	
5.2 岸壁水深の増深への適用性	
5.3 まとめ	
6. 結論	
7. あとがき	
謝辞	
参考文献	
付録	

1. まえがき

港湾構造物の土留めとして,控え式矢板壁のようなた わみ性壁体がしばしば用いられる.大型化する岸壁に控 え式矢板壁を適用するために,二段控え式矢板壁の有効 性が提唱されてきた^{1~3)}.二段控え式矢板壁とは,通常 の控え式矢板壁のタイ材の下方に別のタイ材を設け(図 -1),これによって矢板壁に働く曲げモーメントを低減さ せる工法である.しかし,設計法について未解決な部分 が多く,下段タイ材の矢板壁側の取付位置が水中となる ため施工が困難であった.そのため二段控え式矢板壁は 実際に採用されるには至らなかった.そこで我が国では, 高剛性の鋼矢板の開発で岸壁の大型化に対応してきた.

近年,既存岸壁に対して,長年供用し劣化した岸壁の リニューアル,船舶の大型化のための岸壁水深の増深, 大型荷役クレーンの新設等のための機能強化,地震被災 後の物流機能の確保のための耐震性向上などの要望が高 まってきている.このような既存岸壁の補強,強化に対 する要望への対応策として,二段控え式矢板壁への期待 が再び高まってきた.図-2に本研究で対象とする二段控 え式矢板壁の概念図を示す.これまでに提案された構造 (図-1)と異なり,本研究で対象とする二段控え式矢板



(a) 新設時に二段の
 (b) 増設したタイ材を既設
 タイ材を設ける構造¹⁾ 控え杭に接続する構造²⁾
 図-1 これまでに提案された二段控え式矢板壁の例



図-2 二段控え式矢板壁の概念図

壁は,タイ材だけでなく控え杭も増設する構造である. そこで,本報告では,対象とする二段控え式矢板壁を控 え工増設工法と称する.

既存の控え式矢板壁にタイ材を増設する工法が近年開 発され、施工上の問題は解決されつつある.実際の岸壁 に適用された事例もあるが、控え工増設工法は、増設前 後の矢板壁の曲げモーメントや矢板壁に作用する土圧変 化などの設計上の取扱いが難しく、設計法の確立にいた っていない.控え式矢板壁のようなたわみ性壁体の設計 においては、構造物がどのような土圧や地盤反力を受け るかということが非常に重要である.したがって、控え 工増設工法の実用化のためには、控え工増設による矢板 壁の負荷低減効果だけでなく、矢板壁に作用する土圧の 変化を評価し、設計法に反映する必要がある.

土留め壁の中間点に背後方向への外力が作用するとい う点では増設タイ材と切梁との役割は同じである.しか し、切梁が土留め壁の変形前に設置されるのに対し、増 設タイ材は矢板壁の変形後に設置される.したがって、 周辺地盤の応答が異なると考えられ、土留め壁および切 梁の設計法をそのまま控え工増設工法の設計に準用する には無理がある.

そこで本研究では、控え工増設工法の設計法の構築を 目的として模型実験を実施し、タイ材増設による矢板壁 の負荷低減効果および矢板壁に作用する土圧の変化を把 握する.また、この実験結果および弾性床上の梁理論を 考慮した控え工増設工法設計のための数値解析手法を開 発する.そして試計算を行い、最適なタイ材の増設位置 や増設控え杭の形式を提案する.

2. 現行の控え式矢板壁の設計法

本章では、まず通常の控え式矢板壁の現行設計法につ いて概説する.

2007年に改訂された「港湾の施設の技術上の基準・同 解説⁴⁾(以下,港湾基準と略す)」には,控え式矢板壁の 性能照査法として,古典的理論による①フリーアースサ ポート法⁵⁾,②フィクストアースサポート法と③根入れ部 を弾性支承として解くRoweの方法⁶⁾が挙げられている.

フリーアースサポート法は、矢板壁の根入れ部におい て負の曲げモーメントが生じないという仮定に基づく設 計法である.この方法は根入れ長を決定する方法である ので、矢板壁の断面を決定するために仮想ばり法と組み 合わせて用いられる.フリーアースサポート法では、図 -3⁴⁾に示すように矢板壁背面に主働土圧、根入れ部前面 に受働土圧といった極限土圧が矢板壁先端まで作用する



図-4 仮想ばり法4)



ものとする.そしてタイ材取付点に関する主働土圧およ び残留水圧によるモーメントと根入れ部前面の受働土圧 による抵抗モーメントが釣合うように根入れ長を決定す る.この方法では、矢板壁下端が海側に移動する破壊モ ードを想定しており、設計で安全性の余裕をみることに より、結果的にこの破壊モードが生じないように根入れ 長が決定される.矢板壁の断面は、最大曲げモーメント を仮想ばり法で求めることにより決定する.仮想ばり法 では、矢板壁をタイ材取付点と海底面に支点を持つ梁と みなして断面力を算出する(図-4⁴)).本来、曲げモーメ ントが0となる点を下方の支点とすべきであるが、一般的 に曲げモーメントが0となる点が海底面付近に現れると して簡略的に仮定している.しかし,岸壁の大水深化に 伴い,大断面の矢板や鋼管矢板といった,従来よりも曲 げ剛性の非常に大きなものが矢板壁に用いられるように なってきており,このような仮定には無理が生じてきて いる.

フィクストアースサポート法は、矢板壁の変形に対す る海底地盤の拘束力が充分に大きく、根入れ部のある深 さ以下で矢板壁が地盤中に固定されていると仮定するも のである.したがって、海底面下のある深さに矢板壁の たわみの反極点があることを仮定していることになる. たわみの反極点では曲げモーメントが0となるから、反極 点と矢板壁下端の間には負の曲げモーメントが作用する ことになる.フィクストアースサポート法で想定する矢 板壁に作用する土圧は図-54)のようになる。一般的なフ ィクストアースサポート法の解法は、たわみ曲線法7)で ある.たわみ曲線法は、根入れ長および根入れ下端で鉛 直線に接するたわみ曲線を仮定し、根入れ長を変えて繰 り返し計算を行い、タイ材取付点のたわみが0となる時点 での部材力を求める方法である.しかし,たわみ曲線法 でも根入れ部分には極限土圧の釣り合いを仮定しており, 矢板壁の剛性がその挙動に及ぼす影響を考慮したものと はなっていない.

Roweの方法は、矢板壁の根入れ部前面に作用する土圧 を地盤の極限抵抗ではなく矢板壁のたわみに応じた地盤 反力とし、矢板壁を弾性床上の梁としてその挙動を解く ものである.この方法は矢板壁の剛性や地盤反力係数の 違いによって矢板壁の挙動が異なることを説明できる. Roweの方法における根入れ部の基本式は次式で表される.

$$EI\frac{\mathrm{d}^{4}y}{\mathrm{d}x^{4}} = p_{\mathrm{A0}} - \frac{l_{\mathrm{h}}}{D}xy. \tag{1}$$

ここで、式中の各パラメータは以下のとおりである.

- *E*: 矢板壁のヤング係数 (MN/m²)
- I:矢板壁の単位幅あたりの断面二次モーメント (m⁴/m)
- *p*_{A0}:海底面における主働土圧と残留水圧による荷重強
 度(MN/m²)
 - 1h:前面地盤の地盤反力係数(MN/m³)
 - D: 矢板壁の根入れ長(m)
 - x:海底面からの深さ(m)
 - y: 矢板壁のたわみ (m)

ただし、この式では矢板壁の根入れ長が大きくなるほど 右辺第2項の係数(*l*_b/*D*)が小さくなり、有効な地盤反力 係数が低下する.つまり、式(1)では、根入れ長が大きく なるほど最大曲げモーメントが大きく算定される場合が ある⁸⁾.しかし実際には、根入れ長さが大きくなると、矢



図-6 矢板壁の解析上の土圧分布4)

板壁の拘束が大きくなり、最大曲げモーメントは低下し てゆくはずである.また、フィクストアースサポート状 態が成立する深さより根入れ長を大きくしても最大曲げ モーメントは変化しないと思われる.したがって、式(1) のDはフィクストアースサポート状態が成立する時の前 面地盤が矢板壁を拘束する深さ、つまり固定値であるべ きである.高橋、菊池ら⁸⁾は、前面地盤が矢板壁を拘束 する深さを根入れ部前面の第一次の正の反力土圧の作用 深さとし、式(1)を修正している.港湾基準⁴⁾には、実際 の矢板壁の挙動特性によく対応させるために、この高橋、 菊池ら⁸⁾の修正式(下式)も挙げている.

$$EI\frac{d^{4}y}{dx^{4}} = p_{A0} + K_{AD}\gamma x - K_{0}\gamma x - \frac{l_{h}}{D_{F}r_{f}}xy.$$
 (2)

式(2)中の各パラメータは以下のとおりである(式(1)と共通のものは省略).

K_{AD}: 矢板壁根入れ部の主働土圧係数

K₀:静止土圧係数

γ: 土の単位体積重量 (MN/m³)

D_F: 矢板壁の収束根入れ長(m)

*r*_f: 根入れ部前面の第一次の正の反力土圧の作用深
 さと*D*_Fの比

式(2)で想定する矢板壁へ作用する土圧は図-6⁴⁾のようになる.

弾性床上の梁理論を考慮した設計法の実証的な検討は まだ少ないが、チェボタリオフの行った実験結果⁹⁾や現 地計測結果との対比¹⁰⁾によって、その信頼性が確認され ている.そこで本研究では、控え工を増設した場合でも、 矢板壁前面に作用する土圧を矢板壁のたわみに応じた地 盤反力分布とした方が実際の現象に近いと考え、高橋、



図-7 模型地盤の断面図

菊池ら8)による修正式(2)を基に設計法を構築する.

2. 控え工増設による既存矢板壁の負荷低減効果に 関する模型実験

3.1 実験概要

岸壁のような構造物では法線直角方向の二次元的な挙 動が卓越するが、このような問題を模型実験で取扱う場 合、模型地盤内の応力状態が土槽壁面の摩擦の影響を受 けてしまう.そこで、二次元状態を簡便に再現でき、手 前側と裏側の土槽壁が不要なアルミ棒積層体で模型地盤 を模擬することとした.アルミ棒積層体の材料は、径の 異なる三種類のアルミ製の丸棒である.アルミ棒の寸法 は、長さ15cm、直径1.5mm、2mm、3mmである.模型地 盤の作製にあたっては、これらのアルミ棒を重量比1:1:1 で均一に混合して使用した.

図-7に模型地盤の断面を示す. 模型地盤は,幅3m,奥 行き6m,深さ3mのコンクリート土槽の底面および側壁に 設置したH型鋼をフレームとし,その内部に作製した.土 槽側壁に設置したH型鋼には,模型地盤(アルミ棒)との 摩擦を低減するため,アクリル板を貼付した.模型矢板 を含む模型地盤の寸法は,幅2.6m,奥行き15cmで,地盤 高さは矢板前面が1.4m,背後が2.4mである.

また,アルミ棒積層体中にタイ材を模擬することが困 難であったため,模型矢板前面側からの載荷でタイ材取 付点反力を模擬した.このため本章では,タイ材取付点 反力を控え荷重と記載する.既設控えは背後地盤と同じ



図-8 模型矢板(断面および前面地盤側)

高さに設置し、変位固定条件とした.増設控えはケース ごとに高さを変えて設置し、荷重制御で載荷を行った. なお図-7には、載荷位置を明示するために、載荷を実施 した全ての高さに増設控えを図示している.既設および 増設控えの背後には、ロードセルを取付け、控え荷重を 計測した.

図-8に模型実験に用いた模型矢板を示す.模型矢板は 鋼板を用いて作製した.模型矢板の剛性による矢板壁の 挙動の違いを確認するため、鋼板の厚さ6mmおよび9mm の2種類の模型矢板を用意した. 鋼板の長さは3,100mm, 幅は15cmである. 模型矢板には両面にひずみゲージを貼 付した(42段×1列).ひずみゲージ貼付後,ひずみゲー ジ保護のために、樹脂系接着剤(アラルダイト,厚さ2mm で塗布)で模型矢板両面をコーティングした.ただし, 図-8に示すように、背後地盤側は全面にコーティングを 施したが、矢板前面の載荷位置付近はコーティングを施 していない(載荷位置付近では、ひずみゲージの直近の み薄くコーティング剤を塗布して破損を防止した).これ は、載荷時に既設および増設控えの刃先がコーティング に食込んで矢板の挙動を拘束するのを防ぐためである. また、既設および増設控え刃先の模型矢板に接触する部 分の中央には、ひずみゲージを破損しないように切欠き を設けている.

なお,模型矢板の特性のばらつきや模型矢板毎に検定 が必要になる点から,ケース毎に模型矢板を作製するの は現実的でないと判断し、模型矢板の厚さが同一のケー スでは、同一のものを繰返し使用することとした.

実験結果の整理の際,模型矢板両面のひずみから矢板 の曲げモーメントを算出するための校正係数が必要とな る.また,曲げモーメント分布を微分・積分して,たわ みや土圧分布を算出するために,模型矢板の曲げ剛性が 必要となる.そこで,模型実験に先立って模型矢板の検 定を行い,ひずみゲージの校正係数と模型矢板の曲げ剛 性を求めた.検定は模型矢板を単純梁とし,模型矢板の 背後地盤側を上にした場合と前面地盤側を上にした場合 の二回行った.曲げ剛性および校正係数は,中央部の載 荷重とたわみを基に算出した.検定の結果,模型矢板の 曲げ剛性は厚さ6mmのもので0.56kN·m²,厚さ9mmのもの で1.84kN·m²であった.これは鋼板のみの曲げ剛性とほと んど同じであり,模型矢板の曲げ剛性はコーティング材 の影響をほとんど受けていなかった.

3.2 実験手順

模型地盤作製および実験の手順は次の通りである.ま ず、底面フレームに模型矢板を鉛直に設置し、その頭部 を固定した、そして模型地盤の最下層として、模型矢板 前面および背面側の底面フレームに直径3mmのアルミ棒 を一列敷き詰め、接着剤で固定した.最下層のアルミ棒 を接着したのは、模型矢板下端の水平変位を拘束(ただ し、回転は自由) するためである.また、アルミ棒を平 行に積み易くする目的もある.この時点で,既設控えは 荷重が発生しないように模型矢板に接触させておく.次 に模型矢板両側に高さ1.4mの初期地盤を作製した. 初期 地盤作製中は、模型矢板に曲げが発生していないか、ひ ずみゲージの値を確認しながらその両側に均等にアルミ 棒を積上げた.初期地盤完成後,2.4mの高さまで背後地 盤を作製した.背後地盤の作製中は、模型矢板の曲げを 防ぐため,模型矢板直立部全体に鋼板を当て,これを載 荷用架台(図-7)の控え取付穴から突き出した三本のボ ルトで支持した.背後地盤完成後,模型矢板頭部の固定 と矢板壁直立部の鋼板および支持を取外し、模型地盤の 完成(控え工増設前:通常の控え式矢板壁の状態)とし た. なお, 初期地盤および背後地盤の作製に当たっては, 均一な模型地盤とするため、積上げ高さ10cm毎に所定の 密度になるように高さとアルミ棒の重さを管理した. 模 型地盤の目標密度は2.1g/cm³である.図-9に各ケースの模 型地盤完成時の模型矢板の曲げモーメント分布を示す. 各ケースでほとんど差が見られないことが分かる.また, 表-1に模型地盤完成時の既設控え荷重を示す. Case1~3 とCase4~6の各ケースでほぼ同じ値が得られている.こ



	矢板の	既設控え	増設控え	目標増設控え
	厚さ	荷重 A _{p10} *1	設置高さ*2	荷重 A _{p2}
Case1	6 mm	0.23 kN	75 cm	$2 A_{p10}$
Case2	6 mm	0.25 kN	50 cm	$4 A_{p10}$
Case3	6 mm	0.23 kN	25 cm	$4 A_{p10}$
Case4	9 mm	0.32 kN	75 cm	$2 A_{p10}$
Case5	9 mm	0.31 kN	50 cm	$4 A_{p10}$
Case6	9 mm	0.29 kN	25 cm	$4 A_{p10}$

表-1 模型地盤の初期条件および載荷条件

*1:模型地盤完成時(増設控え載荷前)

*2:前面地盤地表面からの高さ

のことから増設控え載荷前の模型地盤の再現性が良好で あることが確認できる.また,Case4~6では、模型矢板 の下端付近で若干曲げモーメントが発生してしまってい るが,Case1~3では前面地盤から80cm程度の深さで0に収 束しており,根入れ深さは充分であったと考えられる.

3.3 実験条件

背後地盤の完成後,増設控えを設置し,載荷を行った. 実験は、2種類の剛性の模型矢板に対して,増設控えの設 置高さを変えて3ケースずつ実施した.増設控え設置位置 の前面地盤からの高さは、Case1とCase4が75cm(直立部 高さの3/4)、Case2とCase5が50cm(同1/2)、Case3とCase6 が25cm(同1/4)である.

各ケースにおいて,目標荷重まで所定の載荷ピッチで 載荷および除荷を行った.小型の予備実験¹¹⁾の結果から, 増設控え高さが低いケースでは,載荷前の既設控え荷重 の4倍程度の増設控え荷重で最大曲げモーメントの低減 効果のほとんどが発揮されていた.また,増設控え高さ



の高いケースでは2倍程度であった.そこで, Case1とCase4 の増設控えの目標荷重を載荷前の既設控え荷重の2倍, Case2, Case3, Case5, Case6を4倍とした.

3.4 実験結果と考察

図-10に増設控え載荷による既設控え荷重の低減効果 を示す.図-10から、増設控えの載荷により既設控え荷重 が低減され、増設控えが既設控えに近いほどその効果の 大きいことがわかる.仮に増設控えを既設控えと同じ位 置に設置すれば、結果は傾き-1の直線になるはずである.

図-11に厚さ6mmの模型矢板のケース(Case1~3)の曲 げモーメント分布を示す.各曲げモーメント分布には3次 のスプライン関数による近似曲線も示している.スプラ イン曲線は多項式の集まりであるため,微積分が容易で あるというメリットがある.実験結果には測定上の誤差 が含まれる.このような場合には,全てのデータ点を通 る近似曲線を選ぶより,測定点からの多少のずれを許容 して,全体の分布形状をよく表現する近似曲線を選んだ ほうが望ましい場合がある.このため,スプライン関数 は平滑化スプライン関数とした¹²⁾.ただし,増設控え載荷 後の曲げモーメント分布は,載荷点で折れ線となるため, 載荷点では平滑化できない.そこで,載荷点の曲げモー メントを仮定し,載荷点の上部と下部に分けて近似曲線 を求めた.増設控え載荷点の曲げモーメントは,以下の



条件を満足するように仮定した.

- ・曲げモーメント分布を微分して得られるせん断力分布の増設控え位置の不連続量が増設控え荷重と等しい.
- ・せん断力分布を微分して得られる土圧分布が増設控え
 位置で連続(滑らかでなくとも良い)

図-11 には 3 次の平滑化スプライン関数による曲げモー メントの近似曲線を微積分して求めた土圧分布とたわみ も示した. 土圧分布は,曲げモーメント分布の連続二階 微分ではなく,せん断力分布を改めて3次のスプライン 関数で近似し,それを微分して求めている.これは,微 分の繰返しによるスプライン関数の次数の低下を避け, 近似曲線の滑らかさを維持するためである.たわみ分布 は曲げモーメント分布を二階積分して求めた.積分では スプライン曲線の次数が下がらないので,たわみはモー



図-12 控え増設による最大曲げモーメントの低減効果

メント分布の二回の台形積分で求めた.その際,矢板下 端の変位を0としている.既設控えの位置でたわみが0 となっていないのは,校正係数の誤差や計測誤差,台形 積分の誤差が積分によって累積したものと考えられる.

図-11を見ると、増設控え位置の高いCase1では、最大 曲げモーメントの位置がほとんど変化せず、その絶対値 が若干増加している.これに対して、増設控え位置の低 いCase3では、最大曲げモーメントの位置が載荷点から遠 ざかる方向に移動し、その値が大きく減少している.図 -12に増設控え載荷による最大曲げモーメントの低減効 果を示すが、増設控え位置の高いCase1やCase4では、増設 控えの載荷開始時から最大曲げモーメントが増加し始め ている.図-11の曲げモーメント分布の変化について、増 設控えの高さによらず共通してみられるのは、載荷点か ら約20cm下方(この距離は矢板の剛性によって異なると 思われる)より深い範囲の曲げモーメントが増加してい ることである. また, 図-11の曲げモーメントやたわみ分 布の変化を見ると、Caselでは曲げモーメントやたわみの 減少する領域が、載荷前の最大曲げモーメントの位置よ り上の部分に限定されている.一方, Case3では、模型矢 板直立部全体で曲げモーメントやたわみが減少している. 土圧分布の変化する領域も、Case1では模型矢板直立部の みに限定されているのに対して、Case3では根入れ部の土 圧も増加している.これらのことから、図-10で増設控え



図-13 増設控えの位置による矢板の変形モードの違い

が低いほど既設控え荷重の低減効果が小さくなっていた のは、地盤反力の発生に寄与する増設控え荷重の成分が 大きくなるためと考えられる.

以上のことから, 増設控えの設置高さによって, 増設 控え載荷時の矢板の変形モードが次のように変化すると 考えられる. 図-13(a)のように、増設控え位置が高い場合 は、ある高さで矢板がさらに曲がり. それよりも上部が 地盤側へ押し戻されるような変形モードとなる. 当初か ら正であった曲げモーメントがさらに増加するため、増 設控えを載荷したにも関わらず最大曲げモーメントが増 加するという結果となる. 増設控え位置が低い場合も, 矢板の低い部分の曲げモーメントが増加するが、図-13(b) のように、当初負であった曲げモーメントが正になる(逆 に曲がる)変化のため、最大曲げモーメントが増加する ようなことにはならない。
増設控え高さが中間のCase2は、 曲げモーメントの増加する部分の初期値がある程度大き かったため、載荷途中から最大曲げモーメントが増加に 転じたものと考えられる.これらのことから、増設控え を載荷前の最大曲げモーメントの位置に設置するのが最 も有利である.また、Case2と3の結果を比較すると、設 置位置が最大曲げモーメントの位置と一致しない場合は, 最大曲げモーメントの位置の上方よりも若干下方に設置 する方が効果は大きい.

図-10,12を見ると,Case2,3,5,6で既設控え荷重や 最大曲げモーメントの変化がループを描いている.これ は次のように考えられる.図-14は,増設控え載荷前後の 写真を基に算出した背後地盤のせん断ひずみ分布の例で ある.同じ増設控え荷重レベルについて,載荷時と除荷 時のせん断ひずみ分布を比較すると,除荷時にせん断ひ ずみが残留している.これは図-11(b),(c)のたわみ分布の 変化において,除荷時にたわみが戻っていないことと対 応している.一方,土圧は載荷時よりも小さくなってい る.つまり,矢板のたわみが少し戻っただけで土圧が低



図-14 背後地盤のせん断ひずみ分布の例(Case2)

下している.これは,背後地盤を受働化するために土留 め壁を大きく背後に倒す必要があるのに対して,背後地 盤を主働化するには土留め壁を少し前面に倒すだけでよ い¹³⁾ことと対応している.このことは,控え増設時に一 度大きな荷重(実構造物では張力)を載荷して所定の荷 重まで除荷した方が,矢板の曲げモーメントや既設控え 荷重の低減効果がより大きくなる可能性を示唆している. ただし,図-10や図-12からも分かるように,既設控え荷 重や矢板の最大曲げモーメントの低減効果が失われてし まうので,増設控え荷重を0まで除荷してはならない.

3.5 まとめ

本章では,控え増設時の矢板壁の挙動を把握すること を目的とした模型実験結果を基に,既設控え荷重や矢板 の曲げモーメントの低減効果について検討した.その結 果,次のような結論を得た.

- ・控えの増設によって、矢板の曲げモーメントおよび既 設控え荷重といった既存矢板壁の負荷を低減すること が出来る。
- ・増設控えが既設控えに近いほど、既設控え荷重の低減 効果が大きい。
- ・最大曲げモーメントの低減や矢板直立部全体の曲げモ ーメントを低減するには、載荷前の最大曲げモーメン トの位置またはその下方に増設控えを設置するのが最 も有利である。
- ・一度,増設控えに大きな荷重を載荷して所定の荷重まで除荷すると,載荷時よりも除荷時の方が矢板の曲げモーメントや既設控え荷重が低減されている.これは,矢板背後の土圧やせん断ひずみ分布が載荷時と除荷時で異なる点から説明できる.



図-15 控え工増設工法の解析モデル

4. 控え工を増設した矢板壁の挙動解析手法の構築

本章では、控え工増設工法設計のための数値解析手法 について述べる.解析手法は、高橋、菊池ら⁸⁾の弾性床 上の梁理論の修正式(2)を基に構築する.図-15は控え工増 設工法の解析モデルである.矢板壁,既設控え杭および 増設控え杭の前面地盤の抵抗はウィンクラーモデルで評 価する.ウィンクラーモデルとは地盤を(深さ方向に) 連続するばねで置換えたモデルである.高橋、菊池ら⁸⁾ の修正式(2)でいえば、この部分は右辺第4項に該当する. 式(2)の右辺第1~3項は外力として与える必要があるが、 中でも第1項(海底面における矢板壁背面からの荷重強度) はタイ材増設による影響を受けると思われる.このため、 控え工増設時の矢板壁の挙動特性を表現できるように、 高橋、菊池ら⁸⁾の修正式(2)を修正する.

なお,本章以降で3.の実験結果を用いる場合,用語を 統一するために,控えをタイ材,控え荷重をタイ材取付 点反力または必要に応じてタイ材張力と称する.

4.1 矢板壁に作用する外力のモデル化

(1) 矢板壁直立部に作用する背後地盤の土圧

前述したように、背後地盤から矢板壁に作用する土圧 は、タイ材の増設によって変化すると考えられる.図-16 は、3.4と同様の手法(3次のスプライン関数で近似した 曲げモーメント分布の二階微分)で得られる各実験ケー スの模型矢板の背面土圧分布である.各ケースのタイ材 増設後の背面土圧分布は、いずれの増設タイ材取付点反 カレベルでも、取付点で折れ曲がりそれ以深では一定値 となる台形分布で近似できることが分かる.ただし、増 設タイ材取付点反力が小さく、取付点付近の土圧が海底 面付近の土圧よりも小さい場合も考えられる.この場合



図-16 タイ材増設による矢板壁直立部の背面土圧の変化(実験結果)とそのモデル化



は、台形分布とすると海底面付近の背面土圧を過小評価 すると考えられる.このため、土圧分布形状を次のよう にモデル化することとした(図-17).以下の、*p*_A(*x*_{T2})は増 設タイ材取付点の土圧である.

$p_{A0} \ge p_A(x_{T2})$ の場合

- ・天端,増設タイ材取付点,海底面の土圧を直線で結ぶ.
- ・ただし、当初の土圧よりも小さくなる部分(図-17(a) 中の点線の部分)は当初の土圧を採用する.

 $p_{A0} < p_A(x_{T2})$ の場合

- ・天端, 増設タイ材取付点の土圧を直線で結ぶ.
- ・ 増設タイ材取付点以深は一定とする.

背面土圧の分布形状が決まったので,次にpA(x12)を求め る必要がある.図-18は3.の実験の増設タイ材取付点反力 とタイ材増設位置での土圧増分(図-16中のタイ材増設位 置での太い実線と破線の差)の関係である.ただし、横 軸は増設タイ材取付点反力をタイ材増設前の既設タイ材 取付点反力で無次元化したものである.図-18を見ると, 現実的な増設タイ材取付点反力のレベルにおいては、タ イ材増設位置によらず両者の関係が一本の直線で近似で きることが分かる.したがって,近似直線の勾配が得ら れれば, 増設タイ材取付点反力から背面土圧の増加を評 価することが可能となる.ただし、増設タイ材設計時に 既設タイ材取付点反力を評価することは難しいので、当 初設計値を代用するなどの必要がある.また,図-18の直 線関係の勾配は、矢板壁の剛性や背後地盤の力学特性に よって変化すると考えられ,実務でこれを評価すること は難しいと思われる.この点はまだ検討中であり、今後



の課題である.さらに,背後地盤が不均一な場合は,図-18の関係は一本の直線で近似できないと考えられるので注意が必要である.

(2) 矢板壁根入れ部に作用する土圧および地盤反力

前項で高橋, 菊池ら8)の修正式(2)の右辺第1項をモデル 化したので、本項では第2項から第4項までをモデル化す る. これらは、背面の主働土圧、前面の静止土圧および 地盤反力である.図-16の根入れ部分の土圧分布はこの3 つの成分が足し合わされたものである.この図からこれ らの項を分離して個々にモデル化することは難しい. し かし、図-16を見ると、土圧分布の形状はタイ材増設前後 でほとんど変化していない.このことから、根入れ部に 作用するタイ材増設後の土圧および地盤反力のモデルに は、タイ材増設前のモデル、すなわち通常の矢板壁に関 する現行の港湾基準4)(高橋, 菊池ら8)の修正式(2);以 下,現行モデルと称す)と同様,弾性床上の梁理論が準 用できると考えられる. ただし, 現行モデルの地盤反力 の係数の分母(D_Fr_f:根入れ部前面の第一次の正の反力土 圧の作用深さ)の設定は、一般的に困難である. そこで 本研究では、現行モデルに代わる地盤反力のモデルとし て、軸直角方向力作用時の杭の挙動解析に使用する港研

方式S型地盤を提案する.この提案モデルは,現行モデル の右辺第4項をksty^{0.5}としたものである.ksはS型地盤の横 抵抗係数 (kN/m^{3.5})である (以降,簡単のためにksも地盤 反力係数と称する).さらにこの提案モデルでは,矢板壁 の根入れ部に外力として与える背面の主働土圧と前面の 静止土圧による荷重強度を,海底面でpao,根入れ下端で0 となる直線分布と仮定する.これは,矢板壁がフィクス トアースサポート状態にある場合,根入れ下端では変位 が0 (前面の地盤反力が0)となるので,矢板壁への作用 が釣合うと考えたためである.

提案モデルを用いてタイ材増設前の実験結果の再現計 算を行い、その適用性を確認した.図-19に再現計算の結 果を示す.図には現行モデルによる再現計算の結果も示 してある.再現計算では、最大曲げモーメントの計算値 が実験値と一致するように地盤反力係数*l*_hおよび*k*_sの値を 調整するとともに、タイ材取付点の矢板壁のたわみが0と なるようにタイ材取付点反力も調整している.このため、 図-19の計算に用いた増設タイ材取付点反力は、実験値 (表-1)に対して±10%程度値が異なっている.また、静 止土圧および主働土圧の算定には、*K*₀に0.5、*K*_Aおよび*K*_{AD} に*φ*=30°として求めたものを用いている.直立部に作用

する背面土圧は,根入れ部のモデルの適用性をより明確 にするために,前項で提案したモデルではなく,実験結 果を入力している.

図-19を見ると、たわみについては、現行モデル、港研 方式S型を用いた提案モデルとも実験の再現精度にさほ どの差は無いが、現行モデルの方が収束深さが若干深く なっている。曲げモーメントについては、提案モデルが 実験結果とよく一致している。これに対し、現行モデル では、根入れ部の負の曲げモーメントの極大値が実験値 よりも若干小さく、収束深さも一致していない。地盤反 力については、両者とも実験結果と一致させることはで きなかったが、提案モデルでは極小値極大値の深さが実 験値の分布形状を再現できていない。また、現行モデル の場合、矢板厚さ6mmの場合で3390kN/m³、9mmの場合で 6188kN/m³と*l*_hを大きく変化させたのに対し、港研方式S 型の場合は、矢板厚さ6mmと9mmで共通の*k*_s (360kN/m^{3.5}) を用いて再現計算が可能であった。

以上のようなことから,現行モデルでも一定の精度の 解析結果が得られるが,提案モデルを用いれば,矢板壁 の挙動をより精度よく解析できることがわかる.そこで, 本研究で開発する数値解析手法においては,矢板壁根入 れ部の地盤反力として,現行の港湾基準⁴⁾の解析モデル と港研方式S型を用いた提案モデルの2種類(図-20)を選



図-19 矢板壁根入れ部に作用する土圧および地盤反力のモデルの検証(実験結果の再現計算:タイ材増設前)



択できるようにする.ただし、海底面において背面から 作用する土圧を、前者の場合は p_{A0} 、後者の場合はタイ材 増設による増加を考慮して $p_{A0}+\Delta p$ とする(Δp :海底面に おけるタイ材増設による土圧増加).このため、図-17(b) のような場合、現行の港湾基準⁴⁾によるモデルでは、矢 板壁に作用する背面土圧分布が海底面で不連続となる.

現行の港湾基準⁴⁾によるモデルの場合,前面地盤反力の算出に必要な地盤反力係数*l*_hは,**表-2**に示すTerzaghiの 提案値¹⁴⁾を用いる.また,前面地盤を港研方式のS型地盤 とした提案モデル場合の地盤反力係数*k*_sは,港湾基準⁴⁾ にある次式で算出されるものを用いる.

表2	Terzaghi 17 1	ろ矢板壁の)
11 4		つ八似里い	心血风八小欢

U		-	
砂の相対密度	緩い	中くらい	密
地盤反力係数l _h (MN/m ³)	24	38	58
対応内部摩擦角 $\phi(deg)$	30	35	40

$$k_{\rm S} = 592\overline{N}^{0.654}$$
 (3)

ここで、 \overline{N} は深さ lm 当たりの N 値の増加率である.

タイ材増設は、前面地盤にとっては除荷となるため、 本来であれば、地盤反力係数の検討が別途必要である. しかし、図-11を見ると、タイ材増設による矢板壁のたわ みの減少は海底面付近でのみ生じており、その大きさも タイ材増設前のたわみに比べて1/10程度と非常に小さい. そこで、タイ材増設時の地盤反力係数4aおよびksの変化は 小さいと考え、通常の矢板壁の設計や杭の横抵抗の解析 時に使用する係数を使用するものとした.

4.2 その他の条件

その他の条件について,今回開発した控え工増設工法



図-21 基本式定式化の際の座標

設計のための数値解析手法では、以下のものは現行の港 湾基準⁴⁾ と同じ算出方法、照査方法としている.

- ・地盤条件:主働土圧,受働土圧や残留水圧
- · 矢板壁: 断面照查
- ・タイ材:張力

・控え杭:設置位置,前面地盤反力および断面照査 ただし,増設タイ材に傾斜を持たせる場合がほとんどと 考えられる.このため,控え杭の安定性については,タ イ材張力を水平作用ではなく,傾斜を考慮した作用とし て検討を行っている.

4.3 基本式の定式化および解析の手順

山口ら¹⁵⁾の杭の横抵抗の有限要素解析に関する研究を 参考にすると,前節で説明した解析モデルの基本式は次 のように表すことができる.矢板壁については,

$$EIy''''+p_P(x)=p_A(x) \text{ for } -H \le x \le D \text{ and } x \ne x_{T1}, x_{T2}$$

 $(p_{\rm P}(x)=0 \text{ for } -H < x < 0), \quad (4)$

$$-EIy''=0, EIy'''=0 \text{ at } x=-H,$$
 (5)

 $-EIy'''=Q_{x_{T1}-0} \text{ at } x=x_{T1}-0,$ $EIy'''=-Q_{x_{T1}+0} \text{ at } x=x_{T1}+0,$

 $-EIy'''=Q_{x_{T2}}-0$ at $x=x_{T2}-0$,

 $EIy''' = -Q_{x_{T2}+0}$ at $x = x_{T2}+0$, (7)

(6)

$$EIy''=0, -EIy'''=0 \text{ at } x=D,$$
 (8)

となる. ここで, y''', y'', y'' は矢板壁のたわみの二〜四 階導関数, $p_P(x)$ はウィンクラーモデルによる前面地盤反 力, $p_A(x)$ は矢板壁背面に作用する土圧, 残留水圧および 前面地盤の静止土圧による荷重強度, Qは矢板のせん断力 である. x_{T1} , x_{T2} はそれぞれ既設および増設のタイ材取付 点高さである. また, Hは海底面から矢板壁天端までの高 さ, Dは矢板壁の根入れ長である(図-21). 既設の控え杭 については,

$$E_1 I_1 y_1'''' + p_{\text{Pl}}(x_1) = 0 \text{ for } x_{10} < x_1 < x_{1\text{L}}, \tag{9}$$

$$-E_1 I_1 y_1''=0, \quad E_1 I_1 y_1'''=A_{p1} \text{ at } x_1=x_{10}=x_{T1}, \quad (10)$$

 $E_1I_1y_1"=0, -E_1I_1y_1"'=0$ at $x_1=x_{1L}$, (11) となる.ここで, E_1 は既設控え杭のヤング係数, I_1 はタイ 材取付間隔で除した既設控え杭の断面二次モーメント, y_1 は既設控え杭のたわみ, $y_1"'', y_1" , y_1 の導関数で$ $ある.また, <math>p_{P1}(x_1)$ は既設控え杭前面の地盤反力, A_{p1} は既 設タイ材の取付点反力である. x_1 はなと同じく海底面から の深さであるが, 既設控え杭上の座標であることを明確 にするために下添字1をつけてある. x_{10} および x_{1L} は, それ ぞれ既設杭の杭頭および杭先端の海底面からの高さであ る.増設控え杭の基本式は, 式(9)~(11)の各パラメータの 下添字1を2とすれば得られる.ただし,増設タイ材が傾 斜している場合,タイ材の取付点反力 A_{p2} は $T_2 \cos \theta_2 / l_2$ とな る (T_2 , l_2 および θ_2 は, それぞれ増設タイ材の張力,取付 間隔,矢板壁にたてた垂線と増設タイ材の傾斜角).

有限要素定式化の詳細は付録に記載するが,今回構築 した数値解析手法では,以上の基本式を基に控え杭の位 置計算,矢板壁,控え杭およびタイ材の断面照査を行う. そして,矢板壁の曲げモーメントが収束するまで,その 根入れ長を変化させて繰り返し計算を行う.また,本研 究の本質とは直接関係ないが,矢板壁,控え杭およびタ イ材の断面諸量の入力を省略すると,初期断面を仮想ば り法で決定するようにプログラム化してある.

4.4 解析手法の検証

今回開発した数値解析手法の妥当性の検証として,ま ず通常の矢板壁(タイ材増設前)の挙動についての解析 結果と港湾基準⁴⁾に示されているデータとの整合性を確 認する.現行の港湾基準⁴⁾では,式(2)で矢板壁の根入れ 長の特性値を求める場合,次式を満足するように求めれ ばよいとしている.

 $\delta_{\rm S} = D_{\rm F}/H_{\rm T} \ge 5.0916 \, \omega^{-0.2} - 0.2591. \tag{12}$

ふ:地震動作用時の収束根入れ長とタイ材取付点から 海底面までの高さの比

H_T:タイ材取付点から海底面までの高さ(m)

 ω :シミラリティナンバー⁸⁾ (= ρl_h)

ρ : フレキシビリティナンバー⁶⁾ (H_T⁴/EI)

である.式(12)は、高橋、菊池ら⁸⁾が岸壁水深、土質条件、 地震条件、鋼矢板の材質の組合せによる72ケースのモデ ルについて計算を行い、その結果を基に定式化したもの である.現行の港湾基準⁴⁾では δ_{0} の他、この高橋、菊池 ら⁸⁾の解析で得られた永続状態の δ_{1} や、 μ_{s} 、 μ_{N} (たわみ 曲線解析における収束根入れ長 D_{F} のときの最大曲げモー メント M_{F} とタイ材取付点および海底面を支点とした仮想 ばり法により算定された最大曲げモーメント M_{T} との比)、

上載荷重	(常時)	30MN/m ²	
	(地震時)	15MN/m ²	
天端高		+3.5m	
残留水位		+1.0m	
タイ材取付点高さ		+1.5m	

表-3 控え式矢板壁の挙動解析に用いた条件

 τ_{S} , τ_{N} (たわみ曲線解析における収束根入れ長 D_{F} のときの タイ材張力 T_{F} とタイ材取付点および海底面を支点とした 仮想ばり法により算定されたタイ材張力 T_{T} との比)も示 されている.そこで、高橋、菊池ら⁸⁾と同様の通常の矢 板壁(増設タイ材なし)の条件で挙動解析を行い、現行 の港湾基準⁴⁾のデータと比較した.解析は、岸壁水深3 種 (-6m, -10m, -14m),土質条件3種(ϕ =30°, 35°, 40°), 地震条件2種(k_{h} =0.0, 0.2),矢板の種類2種(鋼矢板,鋼 管矢板)の計36ケース実施した.その他の解析条件は、 高橋、菊池ら⁸⁾と同一とした(**表**-3).図-22~図-24に比 較の結果を示す.なお、図-24のタイ材張力は取付点反力 とタイ材取付間隔から求めている.現行の港湾基準⁴⁾に 示された近似線にほぼ整合した結果が得られており、本 解析手法は妥当であると判断できる.

次いで、タイ材増設時の挙動について検証するために、 3. で説明した模型実験の再現解析を実施した. 解析対象 はCase2で、増設タイ材取付点反力をタイ材増設前の既設 タイ材取付点反力の2倍、4倍とした場合である.アルミ 棒積層体の地盤反力係数んおよびには、決定するのが困難 であったため、最大曲げモーメントが一致するようにフ ィッティングして求めた.実験結果と解析結果の比較を 図-25に示す.図-25を見ると、いずれの結果も矢板壁直 立部については現行モデルと提案モデルの再現精度に差 は無かった.しかし、図-25(a)の曲げモーメント分布を見 ると、現行モデルでは根入れ部の負の曲げモーメントの 極大値および収束深さが再現できていない.また,土圧 分布についても,現行モデルでは根入れ部の土圧の絶対 値だけでなく分布形状も再現できていない. たわみは, 既設タイ材取付点の実験値に誤差が生じているので比較 が難しいが、提案モデルの方が収束深さを再現できてい る.また、増設タイ材取付点反力の大きい図-25(b)を見る とこの傾向はさらに強まり,現行モデルの場合の根入れ 部の曲げモーメント、土圧の極大値、極小値が再現でき ておらず、諸量の収束深さが大きいため分布形状も再現 できていない. また根入れ下端でもたわみが若干生じて いる. ただし, 再現計算に使用した4kは, 図-25(a)と(b)で 変化が小さく、それぞれ3900kN/m³、4300kN/m³であった. これに対してksは図-25(a)で580kN/m^{3.5}, (b)で1100kN/m^{3.5}



図-22 ωとδの関連図



図-23 ωとµの関連図



図-24 $\omega \geq \tau$ の関連図

と2倍となった.このことから,提案モデルのように矢板 壁前面の地盤反力を港研方式S型で評価して解析すれば 現行モデルよりも精度の良い結果が得られるが,増設タ イ材取付点反力による地盤反力係数の変化が大きく,そ の設定には注意が必要である.図-26に増設タイ材取付点 反力による*l*_hと*k*_sの変化を示す.図には,図-19(a)の再現 計算に使用した値も増設タイ材取付点反力が0の場合と して示している.

高橋ら¹⁶⁾は,控え式矢板壁の挙動について,**3**.の実験 と同規模のアルミ棒積層体による模型実験および実験結







図-26 増設タイ材取付点反力によるLとksの変化

果の再現解析を実施している.解析手法は本研究と同様 に弾性床上の梁理論を考慮したものである.高橋ら¹⁶⁾の 再現解析では、ksの方がInよりも設タイ材取付点反力によ る変化が小さく、今回の再現解析と逆の結果を示してい る.ただし、高橋ら¹⁶⁾の実験は、前面地盤を掘削するこ とにより矢板壁の断面を大きくしてゆく実験であったの に対し、本研究の実験は、増設タイ材の取付点反力を大 きくしてゆくという実験である.このため、高橋ら¹⁶⁾の 実験では、前面地盤内の応力変化が載荷であったのに対 し、今回の実験では除荷となっており、その違いが影響 している可能性がある.

4.5 まとめ

本章では、模型実験結果を基に、現行の港湾基準のモ デルを修正し、控え工増設工法の設計のためのモデルを 提案、数値解析手法を構築した.提案モデルの概略をま とめると次のようになる.

- ・直立部背後の土圧を,矢板壁天端から増設タイ材取 付点まで直線分布,増設タイ材取付点以深で一定と なる台形分布(図-17)とする.
- ・根入れ部背後の土圧および前面の静止土圧による荷 重強度を,海底面でタイ材増設による増加を考慮し た背面土圧,根入れ下端で0となる直線分布(図-20(b)) とする.
- ・根入れ部前面の地盤反力を港研方式S型地盤で評価す



図-27 試計算に使用した矢板壁の断面

る.

そして、通常の控え式矢板壁(タイ材増設前)の断面 で岸壁水深、土質条件、地震条件、矢板の種類を変えて 解析し、現行の港湾基準に記載されている $\omega \sim \delta$, $\omega \sim \mu$, $\omega \sim \tau$ 関係と解析結果が整合しているかを確認した.次い で、タイ材増設時の矢板壁の挙動について提案モデルを 検証するために、模型実験の再現解析を行った.その結 果、前面地盤の地盤反力を現行モデルよりも港研方式S型 とした提案モデルの方が、実験結果を精度よく再現でき ることが分かった.ただし、増設タイ材取付点反力に応 じて k_s が大きく変化するため、その設定には注意が必要で ある.

5. 控え工を増設した矢板壁の試計算

本章では、実物にできるだけ近い断面でタイ材増設時 の矢板壁の挙動に関する解析を実施し、タイ材増設によ る既存矢板壁の負荷低減効果について、最適な増設タイ 材の取付点高さや控え杭の形式を検討する.また、矢板 壁前面水深の増深に対する、タイ材増設の補強効果につ いても検討する.

なお、4.の模型実験の再現解析において、現行モデル よりも提案モデルの方が曲げモーメント分布などの再現 性が良好であったため、矢板壁前面の地盤反力および背 面土圧を提案モデルとして計算する.また、控え杭の前 面地盤反力は港研方式S型で評価した.増設タイ材の張力 は、現実的な値として、タイ材増設前の既設タイ材の張 力と同じ ($T_2=T_{10}$) と設定した.解析対象断面を図-27に 示す.

5.1 増設控え工の取付点高さ・形式の検討

まず, 増設控え工の取付点高さについて検討する. こ



図-28 増設タイ材取付点による矢板壁の最大曲げモー メントおよび既設タイ材張力の低減率の違い

こでは、図-27に示した断面に対して増設するタイ材の取 付点高さを-10m~0mで変化させて計算した. 増設タイ材 取付点高さによって最大曲げモーメントおよび既設タイ 材の張力の低減率がどのくらい変化するかを示したのが 図-28である.なお、タイ材張力は取付点反力とタイ材取 付間隔から求めている. 図から、タイ材増設前の最大曲 げモーメントの高さ付近にタイ材を増設すると,最大曲 げモーメントの低減率が大きくなることが分かる.また, 既設タイ材張力の低減率は, 増設タイ材の取付点高さが 高いほど(既設タイ材の取付点高さに近いほど)大きく なっている.これらの結果は、3.の実験結果と一致して いる. タイ材増設前の最大曲げモーメントは、矢板壁直 立部の高さ中央付近で生じることが多いが、これは矢板 の剛性とその前面地盤の地盤反力係数との相対関係で変 化する.特に矢板の剛性が高い場合や前面地盤の地盤反 力係数が小さい場合は、最大曲げモーメントが矢板壁直 立部の高さ中央よりも下方で生じるので、タイ材増設高 さの設定時には注意が必要である.

次いで増設タイ材の傾斜について検討する.タイ材を 増設する場合,施工性や矢板壁の健全性維持の面から, 増設控え杭の杭頭の高さは既設控え杭の杭頭とほぼ同じ 高さに設定されることが多いと考える.このため,矢板 の最大曲げモーメントの低減をねらってタイ材を増設す る場合,矢板壁への増設タイ材の取付点高さは,増設控 え杭の杭頭の高さよりも低くなるため,増設タイ材を傾 斜して設置する必要がある.増設タイ材を傾斜させた場 合,矢板の最大曲げモーメントや既設タイ材張力の低減 効果が損なわれることが考えられる.そこで,図-28の検 討で,負荷低減効果の大きかったケース(取付高さ-2~ -4m)を対象に増設タイ材を傾斜させた場合について計算 した.なお,計算では増設控え杭の位置を矢板壁から30m とし,増設控え杭の杭頭が既設控え杭の杭頭と等しくな



図-29 増設タイ材の傾斜角による矢板壁の最大曲げモ ーメントおよび既設タイ材張力の低減率の違い



図-30 増設控え杭の形式による矢板壁の最大曲げモー メントおよび既設タイ材張力の低減率の違い

る傾斜を上限とした.計算結果を図-29に示す.各結果は 若干右上がりの傾向にあり,矢板の最大曲げモーメント や既設タイ材張力の低減効果が,幾分か損なわれている ことを示しているが,タイ材の傾斜が15°程度であれば, タイ材増設自体の低減効果に比べて,問題にならないレ ベルであることが分かる.

次に増設控え杭の形式について検討する.増設控え杭 の形式は,直杭(単杭)と組杭が考えられるが,今回は, 組杭の引抜き側の杭のみとした単斜杭についても検討し た.これは,単斜杭の下方の地盤が軸直角方向の挙動に 抵抗するため,増設タイ材を傾斜させて設置する場合, 引抜き側の杭のみとしても控え杭として一定の機能を発 揮するのではないかと考えたためである.本検討では, 図-29に結果を示した,増設タイ材の取付点高さ-3m,増 設タイ材の傾斜角約15°の場合について,増設控え杭の 形式を変化させた計算を行った.計算結果を図-30に示す. 組杭の場合が最も効果的なのは当然であるが,単斜杭と しても直杭の場合より,矢板の最大曲げモーメントや既 設タイ材張力の低減効果が向上している.ただし,単斜

図-31 岸壁水深増深前後の矢板壁の最大曲げモーメン ト分布の変化

杭によるこれらの負荷低減効果は,直杭と組杭の平均よ りもやや小さかった.また,負荷低減効果への増設控え 杭の形式の影響は,増設タイ材の取付点高さの影響に比 べて小さかった.

5.2 岸壁水深の増深への適用性

既存岸壁を有効活用してゆくための要望には、補修、 補強だけでなく、矢板壁前面水深の増深による機能強化 に関するものもある.これまでは、控え工増設による既 存矢板壁の負荷低減効果について検討してきたが、ここ では、矢板壁前面水深の増深に対する補強工法としての 控え工増設工法の適用性について検討する.ただし、本 研究で開発した計算手法は弾性計算であるため、岸壁水 深増進後に控え工を増設した場合と控え工を増設してか ら岸壁水深を増進した場合の区別ができない.

解析対象断面は、図-27の前面水深を2m増深した断面で ある.矢板壁および控え杭に作用する地盤反力および背 面土圧のモデルは、前節と同様、提案モデルとした.ま た、増設タイ材の張力はタイ材増設前の既設タイ材張力 と同じ(T₂=T₁₀)とし、増設タイ材の傾斜角15°、増設控 え杭を単杭として計算した.増設タイ材の取付点高さは、 控え工を増設せずに増深した場合の最大曲げモーメント の発生位置(-3.6m)に近い-3.5mとした.図-31に増深前 後および増深した断面にタイ材を増設した場合の矢板壁 の曲げモーメント分布を示す.図を見ると、増設控え工 の設置により、増深による矢板壁の最大曲げモーメント の増大が抑制され、増深前とほぼ同じ程度となっている ことがわかる.

ただし、増深後の根入れ部の曲げモーメント分布から

も分かるとおり、増設控え工の有無によらず曲げモーメ ント分布の収束深さがほぼ同じとなっている. 収束根入 れ深さを確認したところ、増深前で6.7m、増深後(控え 工増設)で6.55mであった. 前面水深を2m増深しており, 既存矢板壁の根入れ深さの変更は不可能であるから、こ れはフィクストアースサポート状態の維持に必要な根入 れ深さがほぼ2m不足していることを意味する.そこで, 矢板壁前面を固化改良した場合を考え,前面地盤のksを大 きくして解析してみた. その結果, 収束根入れ長を短縮 し、 増深前後の矢板壁下端の位置を一致(根入れ長を2m 短縮)させることができた.図-31には、矢板壁前面を固 化改良した場合の曲げモーメント分布も示している.図 -31を見ると、矢板壁前面を固化改良した場合の根入れ部 分の曲げモーメントの発生範囲が浅くなっている.また、 固化改良部分の抵抗が大きいため、増深後の海底面付近 の負の曲げモーメントが局所的に大きくなっているが, この部分の曲げモーメントの極大値も増深前と同程度で ある.以上のことから、矢板壁前面の固化処理等と併用 することで,岸壁水深増大に対する補強工法として,控 え工増設工法が有効であることが分かった.

なお、港研方式で矢板壁前面の地盤反力を評価する場合、本来であれば固化改良部分はC型地盤で評価すべきであるが、本研究で開発したプログラムではC型地盤は未対応であるので、便宜上S型地盤で評価した.また、図-31に示した矢板壁前面固化処理の結果は k_s =73000kN/m^{3.5}とした時のもので、 k_s としては非常に大きな値であり、現行の港湾基準⁴⁾のNと k_s の関係図の範囲からも逸脱している.これは、港研方式S型地盤では地盤反力が海底面からの深度に比例するため、矢板壁がいくら変位しても深度の浅い部分の地盤反力が小さく、限られた根入れ長で大きな地盤反力を得る必要から生じたものと考えられる. 港研方式C型地盤の式で矢板壁前面地盤反力を評価すれば、通常の地盤よりもかなり大きくなると思われるものの、現実的な k_c の値で、固化処理地盤の地盤反力の評価が可能であると思われるも.

5.3 まとめ

本章では、開発した控え工増設工法設計のための数値 解析プログラムを用いた試計算を行い、控え工増設によ る既存矢板壁の負荷低減効果について、最適な増設タイ 材の取付点高さや控え杭の形式を検討した.また、岸壁 水深増深時の控え工増設の補強効果についても検討した.

その結果,実験結果と整合する増設タイ材取付点高さ と負荷低減効果の大きさの関係が得られた.すなわち, 最大曲げモーメントについては,タイ材増設前の最大曲 げモーメントの位置にタイ材を増設した場合,既設タイ 材の張力については,増設タイ材取付高さが高い(既設 タイ材取付点に近い)場合に,その低減効果が大きくな ることがわかった.また,増設タイ材を傾斜させると, 幾分これらの負荷低減効果は損なわれるが,これはタイ 材増設による負荷低減効果と比べて非常に小さく,傾斜 角15°程度までは問題にならないレベルであった.増設 控え杭の形式については,組杭の負荷低減効果が最も大 きかったが,単斜杭としても直杭の場合より負荷低減効 果は向上した.ただし,増設控え杭の形式の負荷低減効 果への影響は,増設タイ材の取付点高さに比べて小さか った.

さらに、岸壁水深増深時の控え工増設の補強効果についての検討では、矢板壁前面の固化処理と併用することで、根入れ長を変更しなくても、増深後の根入れ長が確保できることがわかった.

6. 結論

本研究では,控え工増設工法の設計法の構築を目的と して,模型実験を実施し,実験結果を考慮した数値解析 手法を開発した.そして,試計算により最適な増設タイ 材の形式について検討を行った.その結果次のような結 論を得た.

- ・控え工増設によって、矢板の曲げモーメントおよび既 設タイ材の張力といった既存矢板壁の負荷の低減効果 が確認された.
- ・既設タイ材張力については、増設タイ材の取付点高さ が高いほどその低減効果が大きい.また、矢板壁の曲 げモーメントについては、タイ材増設前の最大曲げモ ーメントの位置にタイ材を増設すると、その低減効果 が最も大きくなる.
- ・模型実験で得られた矢板壁の前面地盤の地盤反力分布 や背面土圧を基に、タイ材増設時の矢板壁への作用を モデル化し、数値解析手法を構築した.
- ・構築した数値解析手法による解析結果は、現行の港湾 基準に記載されている通常の控え式矢板壁の挙動に関 するデータ、控え工を増設した矢板壁の実験結果との 整合性が確認された。
- ・矢板壁前面地盤の地盤反力のモデル化については、現行の基準に記載されているモデルよりも、軸直角方向力の作用する杭の挙動解析に用いられている港研方式 S型地盤でモデル化した方が、実験結果の再現精度の良いことが分かった。
- ・タイ材増設による控え式矢板壁の負荷低減効果につい

て数値解析による検討を行ったところ,実験結果と整 合する増設タイ材取付点高さと負荷低減効果の関係が 得られた.

- ・タイ材を傾斜させると、負荷低減効果は若干損なわれ るが、それは増設タイ材取付点高さによる負荷低減効 果の変化に比べて非常に小さく、15°程度の傾斜では ほとんど影響がなかった.
- ・増設控え杭の形式の検討では、組杭の負荷低減効果が 最も大きかったが、単斜杭としても直杭の場合より負 荷低減効果は向上した.ただし、増設控え杭の形式の 負荷低減効果への影響は、増設タイ材の取付点高さに 比べて小さかった。
- ・岸壁水深増深時の控え工増設の補強効果についての検 討では、矢板壁前面の固化処理と併用することで、根 入れ長を変更しなくても、増深後の根入れ長が確保で きることがわかった.

7. あとがき

既存岸壁の有効活用という観点から、矢板壁について も、補修による延命化や岸壁水深の増大による機能強化 に関する要望が今後も生じると考えられる.そのための 対策として、本研究では、既存矢板壁に対する控え工増 設工法を対象とし、その設計法構築のための検討を実施 した.検討では、模型実験に加え、タイ材増設時の矢板 壁の挙動を評価するための数値解析手法を開発した.そ の開発に当たっては、実験結果を反映した解析モデルを 取り入れており、設計法としては前進したと考えられる. しかし、増設タイ材取付点高さでの土圧増分など、現地 では取得できないパラメータの設定方法については、課 題が残されている.

また、矢板壁前面の固化処理など、港研方式ではC型地 盤で評価すべき地盤への対応が課題として残されている 他,設計法の検証,高度化のためには現地観測データと の比較も必要であると考えている.

(2011年8月12日受付)

謝辞

本研究で実施したプログラム開発の一部は,(社)日本 鉄鋼連盟2008年度「鋼構造研究・教育助成事業」による 研究助成給付制度(土木部門)の助成を受けております. また,本研究の実施に当たっては,元研究官の西村聡先 生(現北海道大学准教授)にご協力いただきました.こ こに記して謝意を表します.

参考文献

- 1) 石黒建: 鋼矢板工法, 山海堂, pp.9-10, 1963.
- 2)石黒建,高橋邦夫:杭と矢板の縦梁解法,山海堂, pp.350-352, 1992.
- 3)大槙正紀,佐伯公康,黒田耕造,劔持智:弱地盤上の矢板式係船岸の変形に及ぼす控え杭及びタイロッドの影響,第46回地盤工学シンポジウム平成13年度 論文集,pp.161-166,2001.
- 国土交通省港湾局監修:港湾の施設の技術上の基準・ 同解説(下巻),日本港湾協会,pp.981-1025,2007.
- 5) 石井靖丸訳:チェボタリオフの土質力学(下巻),技報堂, p.192, 1964.
- Rowe, P.W.: A theoretical and experimental analysis of sheet pile walls, Proc. ICE, Pt.I, Vol.4, 1955.
- 7) 鈴木雅次:港工学, 風間書房, p.474, 1995.
- 8)高橋邦夫,菊池喜昭,石黒健:タイロッド式矢板壁の力学挙動の解析,構造工学論文集, Vol.42A, pp. 1195-1202, 1996.
- 9) Tchebotarioff, G.P.: Large scale earth pressure tests with model flexible bulkheads, Princeton Univ., p.111, 1949.
- 10) 高橋邦夫, 菊池喜昭, 朝木祐次: タイロッド式矢板 壁の力学特性の解析, 港湾技研資料, No. 756, 1993.
- 11) 森川嘉之,菊池喜昭:控え工増設による既存矢板壁の補強効果に関する模型実験,海洋開発論文集, Vol.24, pp.501-506, 2008.
- 12) 菊池喜昭:軟弱粘性土地盤着底式くし形構造物の横 抵抗特性に関する研究(第3章),港湾空港技術研究 所資料, No.1039, pp.15-25, 2003.
- 13) 石原研而:土質力学, 丸善, pp.233-234, 1988.
- Terzaghi: Evaluation of coefficient of subgrade Reaction, Géotechnique, Vol.5, pp.297-326, 1955.
- 15)山口栄輝,菊池喜昭, 久保喜延:弾性地盤反力法に 基づく杭の有限要素解析に関する基礎的研究,構造 工学論文集, Vol.45A, pp. 35-42, 1999.
- 16)高橋巧,菊池喜昭,水谷崇亮:二次元模型地盤における矢板壁の挙動解析,土木学会第61回年次学術講 演会講演概要集,pp.805-806,2006.

付録 控えエを増設した矢板壁の挙動解析手法の 定式化

ここでは、4.3で示した,控え工を増設した矢板壁の基本式の有限要素定式化を説明する.山口ら¹⁵⁾が,弾性床上の梁理論に基づいて,杭頭に軸直角方向力の作用する 杭挙動の基本式の有限要素定式化を行っている.そこで,

付図-1 2節点梁要素

山口ら15)の定式化を参考にした.

- D

重みつき残差法を用いて,基本式(4)および境界条件式 (5)~(8)からなる境界値問題の有限要素定式化を行う場合, 次式を基に行う.

$$\int_{-H}^{U} [EIy'''' + p_{P}(x) - p_{A}(x)]wdx - [EIy''w']_{x=-H} + [EIy'''w]_{x=-H} + [EIy''w']_{x=D} - [EIy'''w]_{x=D} - [(EIy''' + Q)w]_{x=x_{T1}-0} + [(EIy''' + Q)w]_{x=x_{T1}+0} - [(EIy''' + Q)w]_{x=x_{T2}-0} + [(EIy''' + Q)w]_{x=x_{T2}+0} = 0.$$
(A1)

w は重み関数である. 左辺の積分記号の中の第1項を部分 積分すると, y''' は $x = x_{T1}$, x_{T2} で不連続であるから,

$$\int_{-H}^{D} EIy''''wdx = \int_{-H}^{x_{T1}} EIy''''wdx + \int_{EI}^{x_{T2}} EIy'''wdx + \int_{EI}^{D} EIy'''wdx$$

$$= [EIy'''w]_{x=D} - [EIy'''w]_{x=x_{T1}+0} + [EIy'''w]_{x=x_{T2}-0} + [EIy'''w]_{x=x_{T1}-0} - [EIy'''w]_{x=-H} + [EIy'''w]_{x=-H} + [EIy'''w]_{x=-H} + \int_{-H}^{D} EIy''w''dx,$$
(A2)

となる. $x = x_{T1}$, x_{T2} でのQの不連続量はタイ材取付点反力 になるから,式(A1)は次のようになる.

$$\int_{-H}^{D} \frac{E_{I}y''w''dx}{p_{P}(x)wdx} + \int_{0}^{D} \frac{p_{P}(x)wdx}{p_{P}(x)wdx} + (a_{1}A_{p1} + a_{2}A_{p2})w - \int_{-H}^{D} \frac{p_{A}(x)wdx}{p_{A}(x)wdx} = 0.$$
(A3)

ただし, a_1 , a_2 はそれぞれ $x = x_{T1}$, x_{T2} で1,それ以外で0となる関数である.また,x < 0のとき $p_P(x) = 0$ となるため,上式では左辺第2項の積分区間を修正している.

今回開発したプログラムでは通常の2節点の梁要素(付 図-1)を用いているので,式(A3)は,次のように定義され る形状関数を用いて離散化される.

$$N_{V}^{i} = 1 - \frac{3\eta^{2}}{(l^{e})^{2}} + \frac{2\eta^{3}}{(l^{e})^{3}}, \quad N_{\psi}^{i} = \eta - \frac{2\eta^{2}}{l^{e}} + \frac{\eta^{3}}{(l^{e})^{2}},$$

$$N_{V}^{j} = \frac{3\eta^{2}}{(l^{e})^{2}} - \frac{2\eta^{3}}{(l^{e})^{3}}, \quad N_{\psi}^{j} = -\frac{\eta^{2}}{l^{e}} + \frac{\eta^{3}}{(l^{e})^{2}}.$$
(A4)

ピは矢板壁の梁要素の長さ、ηは要素内の局所座標である.
要素内のたわみは、節点の値を用いて次式で表わされる.

$$y = N_{\rm V}^{i} V^{i} + N_{\rm \Psi}^{i} \psi^{i} + N_{\rm V}^{j} V^{j} + N_{\rm \Psi}^{j} \psi^{j}.$$
 (A5)

 V^{i}, ψ^{i} はそれぞれ節点iのたわみおよびたわみ角である. また,重み関数には、上式と同じ形状関数用いた

 $w = N_{\rm V}^{i} W^{i} + N_{\rm W}^{i} X^{i} + N_{\rm V}^{j} W^{j} + N_{\rm W}^{j} X^{j}, \qquad (A6)$

を用いる. Wⁱ, Xⁱ はそれぞれ節点i における重みwおよび 重みの微係数である. 式(A5), (A6)を代入して式(A3)を離 散化すると, 式(A3)の左辺第1項は,

$$\int_{-H}^{D} E_{I} y'' w'' \mathrm{d}x = \sum_{e}^{n_{e}} (w^{e})^{\mathrm{T}} k_{\mathrm{B}}^{e} u^{e}, \qquad (A7)$$

$$(\boldsymbol{w}^{e})^{\mathrm{T}} = (W^{i} \quad X^{i} \quad W^{j} \quad X^{j}),$$

$$\boldsymbol{k}_{\mathrm{B}}^{e} = \frac{EI}{(l^{e})^{3}} \begin{bmatrix} 12 & 6l^{e} & -12 & 6l^{e} \\ & 4(l^{e})^{2} & -6l^{e} & 2(l^{e})^{2} \\ & & 12 & -6l^{e} \\ \text{sym.} & & 4(l^{e})^{2} \end{bmatrix}$$

$$(\boldsymbol{u}^{e})^{\mathrm{T}} = (V^{i} \quad \theta^{i} \quad V^{j} \quad \theta^{j}),$$

である.

本研究では、前面地盤からの地盤反力 $p_P(x)$ に、たわみ および海底面からの深度の累乗に比例するモデルを考え ているから、 $p_P(x) = kx''y''$ と標記すれば、式(A3)の左辺第2 項は次のようになる.

$$\int_{0}^{D} p_{\mathrm{p}}(x) w \mathrm{d}x = \sum_{e}^{n_{\mathrm{e}}} (\boldsymbol{w}^{e})^{\mathrm{T}} \boldsymbol{k}_{\mathrm{p}}^{e}, \qquad (A8)$$

ただし,

$$(\boldsymbol{k}_{\mathrm{P}}^{e})^{\mathrm{T}} = \left(\int_{0}^{l^{e}} F_{\mathrm{P}} N_{\mathrm{V}}^{i} \mathrm{d}\eta \int_{0}^{l^{e}} F_{\mathrm{P}} N_{\psi}^{i} \mathrm{d}\eta \int_{0}^{l^{e}} F_{\mathrm{P}} N_{\psi}^{j} \mathrm{d}\eta \int_{0}^{l^{e}} F_{\mathrm{P}} N_{\psi}^{j} \mathrm{d}\eta \right),$$

$$F_{\mathrm{P}} = k(x^{i} + \eta)^{m} (N_{\mathrm{V}}^{i} V^{i} + N_{\psi}^{i} \psi^{i} + N_{\mathrm{V}}^{j} V^{j} + N_{\psi}^{j} \psi^{j})^{n},$$

xⁱ は節点iのx座標, kは地盤反力係数である.また,式(A8) 左辺の積分区間からも分かるとおり,海底面よりも上の 部分の要素には,この項は不要である.

次に、タイ材の取付点を控え杭の杭頭とすると、式(A3) の左辺第3項の $a_1A_{p1}w$ は次のようになる.

$a_1A_{p1}w = a_1k_{T1}\{y(x_{T1}) - y_1(x_{10})\}w.$

*k*_{T1}はタイ材の剛性である.ここで,必ず矢板壁および控 え杭のタイ材取付点に節点を設けるとすれば,上式は次 のように書換えることができる.

$$a_1 A_{p1} w = (w^e)^T k_{T1} (u^e - u_1^{e_1})$$

ここで,

で、 $u_1^{e_1}$ は u^e と同様,既設控え杭のタイ材が取り付けられた要素の節点変位ベクトルである. a_2A_{p2} wも増設タイ材の剛性 k_{T2} ,節点変位ベクトル $u_2^{e_2}$ を用いて同様に計算できて、

$$a_2 A_{p2} w = (\boldsymbol{w}^e)^{\mathrm{T}} \boldsymbol{k}_{\mathrm{T2}} (\boldsymbol{u}^e - \boldsymbol{u}_2^{e_2}),$$

となる. **k**_{T2}は, **k**_{T1}と同じ構造のマトリックスである. 次に式(A3)の左辺第4項は次のようになる.

$$\int_{-H}^{D} p_{\mathbf{A}}(x) w dx = \sum_{e}^{n_{e}} (\boldsymbol{w}^{e})^{\mathrm{T}} \boldsymbol{r}^{e}, \qquad (A9)$$

ただし,

$$(\boldsymbol{r}^{e})^{\mathrm{T}} = \left(\int_{0}^{l^{e}} F_{\mathrm{A}} N_{\mathrm{V}}^{i} \mathrm{d}\boldsymbol{\eta} \int_{0}^{l^{e}} F_{\mathrm{A}} N_{\psi}^{i} \mathrm{d}\boldsymbol{\eta} \int_{0}^{l^{e}} F_{\mathrm{A}} N_{\mathrm{V}}^{j} \mathrm{d}\boldsymbol{\eta} \int_{0}^{l^{e}} F_{\mathrm{A}} N_{\psi}^{j} \mathrm{d}\boldsymbol{\eta} \right),$$

で, F_Aは, 矢板壁背面に作用する土圧, 残留水圧および 前面地盤の静止土圧による荷重強度である.

以上をまとめると、式(A3)は次のようになる.

$$\sum_{e}^{n_{e}} (\boldsymbol{w}^{e})^{\mathrm{T}} \{ (\boldsymbol{k}_{\mathrm{B}}^{e} + \boldsymbol{k}_{\mathrm{T1}} + \boldsymbol{k}_{\mathrm{T2}}) \boldsymbol{u}^{e} - \boldsymbol{k}_{\mathrm{T1}} \boldsymbol{u}_{1}^{e_{1}} - \boldsymbol{k}_{\mathrm{T2}} \boldsymbol{u}_{2}^{e_{2}} + \boldsymbol{k}_{\mathrm{P}}^{e} \}$$

$$- \sum_{e}^{n_{e}} (\boldsymbol{w}^{e})^{\mathrm{T}} \boldsymbol{r}^{e} = 0.$$
(A10)

既設控え杭の基本式(9)および境界条件式(10),(11)も式(A1)~(A3)と同様に記述すれば,次のようになる.

$$\int_{x_{10}}^{x_{1L}} E_{l} I_{l} y_{l}'' w_{l}'' dx_{l} + \int_{x_{10}}^{x_{1L}} p_{Pl}(x_{l}) w_{l} dx_{l} - a_{11} A_{pl} w_{l} = 0.$$
(A11)

ただし、 a_{11} はそれぞれ $x_1 = x_{10}$ で1,それ以外で0となる関数である.上式を式(A4)~(A10)と同様の手順で書き換えると次のようになる.

$$\sum_{e_{1}}^{n_{e1}} (\boldsymbol{w}_{1}^{e_{1}})^{\mathrm{T}} \{ -\boldsymbol{k}_{\mathrm{TI}} \boldsymbol{u}^{e} + (\boldsymbol{k}_{\mathrm{B1}}^{e_{1}} + \boldsymbol{k}_{\mathrm{TI}}) \boldsymbol{u}_{1}^{e_{1}} + \boldsymbol{k}_{\mathrm{P1}}^{e_{1}} \} = 0.$$
 (A12)

 $n_{\rm el}$ は既設控え杭の要素数である. $k_{\rm Bl}^{\rm e_l}$, $k_{\rm Pl}^{\rm e_l}$ は既設控え杭 およびその前面地盤の地盤ばねの剛性マトリックスであ る.また, $w_{\rm Pl}^{\rm e_l}$ は重みである.

増設控え杭についても既設控え杭の手順と同様に次の ように定式化できる.

$$\sum_{e_2}^{n_{e_2}} (\boldsymbol{w}_2^{e_2})^{\mathrm{T}} \{ -\boldsymbol{k}_{\mathrm{T2}} \boldsymbol{u}^e + (\boldsymbol{k}_{\mathrm{B2}}^{e_2} + \boldsymbol{k}_{\mathrm{T2}}) \boldsymbol{u}_2^{e_2} + \boldsymbol{k}_{\mathrm{P2}}^{e_2} \} = 0.$$
 (A13)

 n_{e2} は増設控え杭の要素数である. $k_{B2}^{e_1}$, $k_{P2}^{e_2}$ は増設控え杭

およびその前面地盤の地盤ばねの剛性マトリックスである.また, w^eは重みである.

以上の処理を全ての要素に対して行い,重ね合わせる と,次式を得る.

$$\begin{bmatrix} \boldsymbol{W}^{\mathrm{T}} & \vdots & \boldsymbol{W}_{1}^{\mathrm{T}} & \vdots & \boldsymbol{W}_{2}^{\mathrm{T}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{K}_{\mathrm{B}} & \vdots & \mathbf{0} & \vdots & \mathbf{0} \\ \hline \mathbf{0} & \boldsymbol{K}_{\mathrm{B1}} & \mathbf{0} & \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{U} \\ \boldsymbol{U}_{1} \\ \boldsymbol{U}_{2} \end{bmatrix} \\ + \begin{bmatrix} \boldsymbol{W}^{\mathrm{T}} & \vdots & \boldsymbol{W}_{1}^{\mathrm{T}} & \vdots & \boldsymbol{W}_{2}^{\mathrm{T}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{K}_{\mathrm{T1}} + \boldsymbol{K}_{\mathrm{T2}} & \vdots & -\boldsymbol{K}_{\mathrm{T1}} & -\boldsymbol{K}_{\mathrm{T2}} \\ \hline -\boldsymbol{K}_{\mathrm{T1}} & \boldsymbol{K}_{\mathrm{T1}} & \mathbf{0} \\ \hline -\boldsymbol{K}_{\mathrm{T2}} & \mathbf{0} & \boldsymbol{K}_{\mathrm{T2}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{U} \\ \boldsymbol{U}_{1} \\ \boldsymbol{U}_{2} \end{bmatrix} \\ + \begin{bmatrix} \boldsymbol{W}^{\mathrm{T}} & \vdots & \boldsymbol{W}_{1}^{\mathrm{T}} & \vdots & \boldsymbol{W}_{2}^{\mathrm{T}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{K}_{\mathrm{P1}} \\ \boldsymbol{K}_{\mathrm{P1}} \\ \boldsymbol{K}_{\mathrm{P2}} \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} \boldsymbol{W}^{\mathrm{T}} & \vdots & \boldsymbol{W}_{1}^{\mathrm{T}} & \vdots & \boldsymbol{W}_{2}^{\mathrm{T}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{R} \\ \boldsymbol{0} \\ \boldsymbol{0} \end{bmatrix} = \boldsymbol{0}. \end{bmatrix}$$

上式をまとめて表記すると.

$$\widetilde{W}\{(\widetilde{K}_{\rm B}+\widetilde{K}_{\rm T})\widetilde{U}+\widetilde{K}_{\rm P}-\widetilde{R}\}=0 \qquad (A14)$$

重みつき関数が任意であるから、 $\widetilde{K} = (\widetilde{K}_{\rm B} + \widetilde{K}_{\rm T})\widetilde{U} + \widetilde{K}_{\rm P}$ とおいて、

$$\widetilde{K} - \widetilde{R} = \mathbf{0} , \qquad (A15)$$

を解けば、基本式(4)および境界条件式(5)~(8)からなる境 界値問題の解、すなわち矢板壁の変形が求められる.し かし、通常、式(A15)は非線形型方程式であるため、直接 解くことができない.そこで、本研究では式(A15)をニュ ートン・ラプソン法によって解く.つまり、次の線型方 程式をUが収束するまで繰返し解くことにより、作用させ た荷重に対する変形を求める.

$$\left[\widetilde{K}_{\rm B}+\widetilde{K}_{\rm T}+\frac{\partial\widetilde{K}_{\rm P}}{\partial\widetilde{U}}\right]\Delta\widetilde{U}=\widetilde{R}-\widetilde{K}.$$

ここで、各要素の $(\partial K_P / \partial U)$ は、

$$\begin{pmatrix} \frac{\partial \widetilde{\boldsymbol{K}}_{\mathrm{P}}}{\partial \widetilde{\boldsymbol{U}}} \end{pmatrix}^{e} = \begin{bmatrix} \int_{0}^{f'} F'_{\mathrm{P}} N_{\mathrm{V}}^{i} N_{\mathrm{V}}^{i} \mathrm{d}\eta & \int_{0}^{f'} F'_{\mathrm{P}} N_{\mathrm{V}}^{i} N_{\mathrm{V}}^{j} \mathrm{d}\eta & \int_{0}^{f'} F'_{\mathrm{P}} N_{\mathrm{V}}^{i} N_{\mathrm{V}}^{j} \mathrm{d}\eta \\ & \int_{0}^{f'} F'_{\mathrm{P}} N_{\mathrm{V}}^{i} N_{\mathrm{V}}^{j} \mathrm{d}\eta & \int_{0}^{f'} F'_{\mathrm{P}} N_{\mathrm{V}}^{i} N_{\mathrm{V}}^{j} \mathrm{d}\eta \\ & \text{sym.} & \\ & \int_{0}^{f'} F'_{\mathrm{P}} N_{\mathrm{V}}^{i} N_{\mathrm{V}}^{j} \mathrm{d}\eta \\ & \int_{0}^{f'} F'_{\mathrm{P}} N_{\mathrm{V}}^{j} N_{\mathrm{V}}^{j} \mathrm{d}\eta \\ & \int_{0}^{f'} F'_{\mathrm{V}} N_{\mathrm{V}}^{j} N_{\mathrm{V}}^{j} \mathrm{d}\eta \\$$

である. 地盤反力を現行モデル(高橋, 菊池ら⁸⁾の修正 式(2)) または, Changの方法⁴⁾(今回開発したプログラム では, 控え杭の前面地盤反力にのみ使用可能)とした場 合,上式の積分は可能で,それぞれ次のようになる. 現 行モデルの場合, m = n = 1とおいて,

$$\left(\frac{\partial \widetilde{\mathbf{K}}_{\rm p}}{\partial \widetilde{U}}\right)^{e} = \frac{kl^{e}}{840} \left(\begin{array}{ccc} 72l^{e} + 312x^{i} & 14(l^{e})^{2} + 44l^{e}x^{i} \\ 3(l^{e})^{3} + 8(l^{e})^{2}x^{i} \\ \text{sym.} \\ 54l^{e} + 108x^{i} & -12(l^{e})^{2} - 26l^{e}x^{i} \\ 14(l^{e})^{2} + 26l^{e}x^{i} & -3(l^{e})^{3} - 6(l^{e})^{2}x^{i} \\ 240l^{e} + 312x^{i} & -30(l^{e})^{2} - 44l^{e}x^{i} \\ 5(l^{e})^{3} + 8(l^{e})^{2}x^{i} \end{array}\right)$$

となる. また, Changの方法のときは, m=0, n=1とおいて,

$$\left(\frac{\partial \widetilde{K}_{\rm P}}{\partial \widetilde{U}}\right)^{e} = \frac{kl^{e}}{420} \begin{pmatrix} 156 & 22l^{e} & 54 & -13l^{e} \\ & 4(l^{e})^{2} & 13l^{e} & -3(l^{e})^{2} \\ & & 156 & -22l^{e} \\ \text{sym.} & & 4(l^{e})^{2} \end{pmatrix},$$

となる. それぞれ, $k = l_h/(D_F r_f)$, $k = k_{CH}$ とおけばよい. なお, 港研方式S型地盤を用いる場合は, 台形公式によって積分している.

港湾空港技	術研究所報告 第50巻第4号
	2011.12
編集兼発行人	独立行政法人港湾空港技術研究所
発 行 所	 独立行政法人港湾空港技術研究所 横須賀市長瀬3丁目1番1号 TEL. 046(844)5040 URL. http://www.pari.go.jp/
印刷所	株式会社シーケン

Copyright © (2011) by PARI

All rights reserved. No part of this book must be reproduced by any means without the written permission of the President of PARI

この資料は、港湾空港技術研究所理事長の承認を得て刊行したものである。したがって、本報告 書の全部または一部の転載、複写は港湾空港技術研究所理事長の文書による承認を得ずしてこれを 行ってはならない。

CONTENTS

1. Characteristics of the 2011 off the Pacific Coast of Tohoku Earthquake Tsunami	
······································	• 3
2. Study on Vertical Bearing Capacity of Steel Pipe Pile Driven into Mudstone	
······ Taka-aki MIZUTANI, Yoshiaki KIKUCHI, Takayuki SUGIMOTO, Eiji KOHAMA	• 65
2 Development of Device Mothed for Anchored Cheet Dile Well Deinforced by Additional Archemer Werk	
5. Development of Design Method for Anchored Sheet File wan Kennored by Additional Anchorage work	
······Yoshiyuki MORIKAWA, Yoshiaki KIKUCHI, Taka-aki MIZUTANI	·107
4. Modeling Semi-Short-Period Ground Motions from Crustal Earthquakes Using Characterized Source Mc	dels
Atsushi NOZU	·133
5 Experimental Study on Mechanism and Countermeasures for Wave Overtonning of	
5. Experimental Study on Meenanism and Countermeasures for wave overtopping of	
Long-Period Swell in Shimoniikawa Coast	
······ Hiroaki KASHIMA, Katsuya HIRAYAMA	·197

